

問題1 次の各問いに答えよ。 (答えのみ解答欄に記すこと。)

(1)  $x^2 - 8x + 15$  を因数分解せよ。

(2)  $(2\sqrt{3} - 3\sqrt{2})^2$  を計算せよ。

(3)  $\frac{\sqrt{3}-\sqrt{2}}{\sqrt{3}+\sqrt{2}} + \frac{\sqrt{5}+\sqrt{3}}{\sqrt{5}-\sqrt{3}}$  を計算せよ。

(4)  $x$ についての方程式  $|x+1|=3$  を解け。

(5)  $x=1, 3$  は、 $x^2 - 4x + 3 = 0$  であるための何条件であるか。

(6) 2次関数  $y = -2x^2 + 6x + 1$  の最大値を求めよ。

(7) 2次方程式  $6x^2 - x - 2 = 0$  を解け。

(8) 2次不等式  $x^2 - 2x - 8 < 0$  を解け。

(9)  $0^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$  とする。 $\sin\theta + \cos\theta = \frac{\sqrt{3}}{2}$  のとき,  
 $\sin\theta \cos\theta$  の値を求めよ。

(10)  $0^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$  のとき、方程式  $\cos\theta = -\frac{1}{2}$  を解け。

(11)  $\triangle ABC$ において、 $AB=6$ ,  $BC=4$ ,  $\angle ABC=60^\circ$  のとき,  
CAの長さと $\triangle ABC$ の面積を求めよ。

(12) 次の10個のデータの 中央値、平均値を求めよ。  
ただし、値は少數第1位までで表せ。

8, 17, 21, 28, 31, 48, 50, 50, 58, 63

\*問題2は解答のみ記せばよい。

問題2 次の各問いに答えよ。

(1)  $x=\sqrt{3}$  のとき、 $x^3 - 9x^2 + 27x - 27$  の値を求めよ。

(2)  $\frac{1}{2-\sqrt{3}}$  の整数部分が  $a$ 、少數部分が  $b$  のとき、  
 $a, b$  の値を求めよ。

(3)  $x=-3$  が2次方程式  $x^2 + (a^2 + a)x + a - 1 = 0$  の  
解であるとき、 $a$  の値を求めよ。

(4) 2次方程式  $x^2 + 2(2-m)x + m = 0$  が重解をもつとき  
 $m$  の値を求め、そのときの重解を求めよ。  
すべて求めよ。

(5) 放物線  $y = x^2 - 5x + 2$  を  $x$  軸方向に 2,  $y$  軸方向に  
-1だけ平行移動して得られる方程式を求めよ。

(6) 3点  $(-1, 16), (1, -8), (4, -14)$  を通る2次関数の  
方程式を求めよ。

(7) 2次不等式  $ax^2 + bx + 3 > 0$  の解が  $-1 < x < 3$  となる  
ように、実数  $a, b$  の値を求めよ。

(8)  $AB=4$ ,  $AC=3$ ,  $\angle A=60^\circ$  の $\triangle ABC$ がある。この  
とき、次の各問いに答えよ。

①このとき、BCの値と $\triangle ABC$ の面積を求めよ。

②また、 $\angle A$ の二等分線と辺BCとの交点をDとする  
とき、 $\triangle ABD$ の面積を求めよ。

③②のとき、ADの値を求めよ。